

Ордена Леньна ИНСТИТУТ ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ вмени М.В. Келдыша. Академве Наук СССР

Ф.В. Бункин, Н.А. Кириченко, С.П. Курдюмов, Г.Г. Малинецкий, А.А. Самарский

АВТОВОЛНОВЫЕ ПРОЦЕССЫ В ЛАЗЕРНОЙ ТЕРМОХИМИИ

Препринт № 81 за 1983 г.

Москва

Аннотация

В работе рассматриваются простейшие математические модели процессов, изучаемых лазерной термохимией. Изучается класс задач, где важную роль играют процесон теплопроводности. При исследовании таких задач эффективным оказываетоя использование методов и представлений, развиваемых теорией диссипативных отруктур (синергетикой).

Проведенные расчеты показали, что в ряде случаев изучаемые процесом приводят к формированию стационарных зффективно локализованных распределений продуктов реакции. В оистеме возможны также автоволновые процессы различных типов.

I. Введение

Исследования теплового действия лазерного излучения на химичеоки активные среды привели к появлению нового направления. часто называемого "лазерная термохимия" (ЛТХ) [I.2]. Оказалооь, что динамика протекания термохимических процессов может быть чрезвычайно сложной даже при воздействии на среду непрерывного лазерного излучения небольшой мощности. Это обстоятельство обусловлено в основном двумя факторами. Во-первых, неизотермичностью процессов: поскольку скорооти химических процессов/сильно зависят от температуры, а лазерное излучение непрерывно вводит в систему тепловую энергию, то скорость реакций может меняться. При этом. если скорость изменения температуры выше скорости протекания реакний. то характер течения процесса будет резко отличаться от изотермичеокого ("макроскопическая неравновесность"). Во-вторых, оущественным является наличие обратной связи между скоростью изменения температуры и темпом протекания реакций. Возникновение этой обратной связи может быть обусловлено либо тепловым эффектом самих реакций, либо изменением оптических свойств среды при изменении химического состава в ходе реакции. В последнем случае Изменяются поглощательные характеристики среды, регулируя количеотво вволимой в систему энергии. В частности. если поглощательная способность растет в ходе реакции ("положительная обратная связь"). в системе развивается термохимическая неустойчивость темп роста температуры резко нарастает [1]. В обратном случае температурное поле стабилизируется (например, в реакциях воостановления металлов из окислов, где в ходе процесса поглощательная споссбность поверхности убывает [3]) .

Из оказанного следует, что лазерное излучение может использоваться как эффективное средство управления химическими процессами. Лазерное управление особенно эффективно, если реакции в системе могут идти по нескольким каналам или если выделение (поглоцение) тепла в реакции может быть велико. При этом оказываетоя возможным "переключать" систему из одного режима в другой лишь слегка варьируя мощность излучения. В этой связи представляет интерес задача о внборе такого временного хода мощности излучения, при котором процесс протекает оптимальным образом. Например, можно минимизировать энергозатраты на нагрев мишени до заданной температуры [4].

Наконец, отметим, что высокая способность химически активных систем к самоорганизации может использоваться и в химической тех-

з

нологии. Например, как показано в [5], выход полиимида в реакции твердсфазной имидизации полиамидокислоты в поле лазерного излучения оказивается значительно выше по сравнению со случаем проведения той же реакции в изотермических условиях (данная реакция представляет большой практический интерес в связи о тем, что ее продукт – важный для промышленности термостойкий полимер). К настоящему моменту выполнено значительное число работ по исследованию процессов в точечных системах, когда зависимостью параметров от координат можно пренебречь. Этот случай описывается системой обыкновенных дифференциальных уравнений

$$\frac{du_{i}}{dt} = F_{i}(u_{1},...,u_{n};T), \quad i = 1,...,n \quad (I.I)$$

$$\frac{dT}{dt} = P(t) A(u_{1},...,u_{n};T) + P_{T}(u_{1},...,u_{n},T).$$

Здесь u_i - концентрации компонентов реакции, Т - температура, $A(u_1, ..., u_n, T)$ - поглощательная способность системы, $P_T(u_1, ..., u_n, T)$ - разность между тепловым эффектом реакции и теплопотерями, P(t) - мощность лазерногс излучения.

Если слагаемие F_i и P_{τ} в правых чаотях уравнений (1.1) – обичные для списания кинетики химической реакции, то величина PAописывает специфически лазерное действие. Функции F_i , описывающие скорости изменения концентрации компонент u_i , зависят от температуры, благодаря чему и удается, воздействуя на "тепловую степень свободы", менять характер протекания процессов в системе. В этой связи отметим, что величина псглощательной способности

чувствительна к таким параметрам излучения, как длина волны и поляризация. Как показано в [1,6], это позволяет осуществить селективное управление реакциями, перестраивая длину волны излучения (т.е. вводя энергию в систему только через какой-либо фиксированный компонент реакции).

Цоскольку скорости реакции по отдельным каналам зависят от температуры обычно по закону Аррениуса ~ $\exp(-T_a/T)$, то уравиения (I.I) оказываются сильно нелинейными и для их иоследования следует применять методы теории нелинейных колебаний [7]. С учетом сказанного выше ужё простейшие термохимические процессы описываются системой из двух обыкновенных дифференциальных уравнений (см. (I.I): одно уравнение химической кинетики и одно уравнение теплового баланса). При этсм в зависимости от начальных условий и вида правых частей (I.I) (т.е. в зависимости от типа реакции и динамики изменения поглощательной способности) омотема может переходить либо в стационарное состояние (du/dt = 0, dT/dt = 0), либо в автоколебательный режим.

Разнообразие динамических режимов резко возрастает при увеличении числа каналов реакции. Уже при наличии двух каналов (в (LI) - два незавиоимых уравнения химической кинетики и одно уравнение для температуры) возможно появление сложных апериодических режимов, связанных о появлением странных аттракторов [8]. Очевидно, чтс воздействие даже малых доз лазерного излучения на такие системы может быть чрезвычайно сильным.

Таким образом, ми видим, что химические процесси в поле лазерного излучения отличаются весьма сложным динамическим поведением даже в точечных системах. В действительности приближение "точечной системи" далеко не всегда является удовлетворительным и необходимо учитывать зависимость параметров от координат. Это особенно ясно в случае систем с неустойчивостью, где темп нарастания скорости реакции в разных точках сильно отличается. В результате этого могут возникать, в частности, стационарные и нестационарные неоднородные пространственные распределения продуктов реакции и т.д. [9].

Можно условно выделить два класса термохимических процессов в распределенных системах. К первому классу относятся гетерогенные процессн, где считается, что химические реакции идут преимущественно на границе раздела (например, на поверхности металла скисление).

Соответствующая краевая задача имеет вид:

$$\frac{du_{i}}{dt} = F_{i}(u_{1},...,u_{n};T), \quad u_{i}|_{t=0} = u_{Hi}$$

$$\frac{4}{\alpha}\frac{\partial T}{\partial t} = \Delta T, \quad T|_{t=0} = T_{H} \quad (I.2)$$

$$-\kappa \frac{\partial T}{\partial n}\Big|_{s} = I \cdot A(\overline{n}, u_{1},...,u_{n},T) + I_{R}(u_{1},...,u_{n},T) - I_{nor}(T).$$

Здеоь с и К – коэффициенты температуро- и теплопроводности, I – интенсивность излучения, S – поверхность вещества, $\partial T/\partial n|_{g}$ – производная по нормали к поверхности, поглощательная способность A в общем случае зависит также и от угла падения излучения на поверхность вещества; I_{nor} (T) – интенсивность теплопотерь, которая в общем случае складывается из конвективных и радиационных потерь: $I_{not}(T) = \eta (T - T_{H}) + \delta_{0} \delta (T^{4} - T_{H}^{4}), \quad (I.3)$ δ_{0} - степень черноти, δ - постоянная Стефана-Больцмана, η - константа конвективного теплообмена, T_{H} - начальная температура среди; $I_{R}(u_{4},...,u_{n},T)$ - тепловой эффект реакции. Отметим, что в данной задаче поглощение излучения учитывается в граничном условии к уравнению теплопроводности. Значение же интенсивности излучения может зависеть от координаты (в частности, в затененных участках $I(\overline{z}) = 0$).

Ко второму классу термохимических процессов относятся процесси в гомогенных системах. При этом излучение поглощается в объеме системи и четко выделенной граници раздела компонентов реакция нет. Амнамика таких процессов описывается системой уравнений кимической кинетики (с учетом диффузии компонентов), теплопроводности и уравнений Максведла, описывающах изменение состояния дазерного пучка в среде по мере протекания реакции. При исследовании этого класса процессов были обнаружены многие интересные янления, в частности, явления "химической" самофокусировки излучения, деления пучка на "нити" и т.д. [1,2,10].

К настоящему моменту было выполнено значительное число исследований специального класса систем нелинейных уравнений диффузионного типа

 $\frac{\partial u_i}{\partial t} = \sum_{j} \sum_{\kappa} \frac{\partial}{\partial x_{\kappa}} \left(\text{Dij} \frac{\partial u_j}{\partial x_{\kappa}^*} \right) + Q_i, \quad i = 1, ..., n, \quad (I.4)$

где источники Q; и матрица коэффициентов диффузии D; являются функциями от U₁,..., U_n (см., например, [II, 12] и цитированную там литературу).

Уравнения такого типа появляются при моделировании ряда процессов в биологии, физике плазмы, физике горения и т.д. Важной особенностью таких систем является образование диссипативных структур (пространственно-временное упорядочение) в результате совместного действия нелинейных источников и диосипативных процессов [II-I5]. Особур группу процессов составляют режимы с обострением, т.е. такие режимы, когда одна или несколько величин за конечное время t_i неограниченно возрастают. При этом решение существует в интервале $0 \le t < t_i$.

Режими с обостреннем могут возникать в системах, описываемых одним нелинейным уравнением теплопроводности

 $\frac{\partial T}{\partial t} = \operatorname{div} \left[\kappa(T) \operatorname{grad} T \right] + Q(T),$ (1.5)

последнее уравнение иногда называют моделью тепловых структур. Основные закономерности формирования структур в модели (1.5) были выяснены на примере степенных нелинейностей к (T) = K₀T⁶, Q(T)= q₀T⁶, к₀, q₀>0, β>1[12,16,17]. Важнейшей особенностью таких структур является свойство локализации: существует расстояние L_f , начиная с которого удаленные одна от другой и от границ системы на L_f отдельные структуры практически не влияют друг на друга и не зависят от краевых условий.

Тепловые структуры описываются автомодельными решениями уравнения (1.5) вида $T(\overline{z},t) = q(t) f(\overline{z}/\varphi(t))$, $q(t) \xrightarrow{\infty}_{t-t_f}$. Здесь функция q(t) характеризует закон изменения амплитуды, $\varphi(t) =$ полуширины решения, функция f определяет форму решения. Если $\varphi(t) = 0, t - t_f(a), \varphi(t) = const, t - t_f(\delta)$ и $\varphi(t) = \infty, t - t_f(\delta)$, то говорят, что реализуются, состветственно, LS (a), S (b) и HS (b) – режимы с обострением. Этим режимам соответствуют диапазоны параметров β и δ : (a) $\beta > \delta + 1$, (b) $\beta = \delta + 1$ и (b) $\beta < \delta + 1$. В HS – режиме локализованных структур нет и в среде распространяются тепловые волны растущей амплитуды.

Помимо этого механизма локализации тепла (связанного с конкуренцией нелинейного источника и нелинейной теплопроводности) исследован и другой механизм, обусловленный наличием стоков – отрицательных слагаемых в Q(T) [18_19].

В нелинейной среде могут возникать простие и сложные структуры. Простой структуре соответствует решение, у которого функция

f имеет один максимум. Сложные структуры предотавляют собой сходящиеся к общему центру волны горения. Этим решениям соответствует функция f, имеющая несколько экстремумов [12,17].

Полученные результаты были обобщены на многомерный случай [20,21], на пространственис неоднородные системы [22], на многокомпонентные системы [23]. Было показано также, что локализованные структуры различных типов могут возникать и в случаях, когда режимов с обострением нет (в частности, в средах с триггерными свойствами [24]). Наконец, исследование модели тепловых структур и ее обобщений позволило развить новые математические методы [25,26].

Некоторые результаты и методы этих работ могут быть перенесены в область лазерной термсхимии. Однако, для анализа ряда термохимических процессов в поле ИК-излучения необходима разработка принципиально новых подходов или значительные модификации существующих. Это связано с двумя особенностями: во-первых, при описании гетерогенных термохимических процессов источники входят не в уравнения, а в граничные условия (излучение поглощается на границе раздела "газ – твердое тело"), а во-вторых, для инициирования ряца процессов используется пучок излучения, размеры которого малы но сравнению с размерамя системы. Тем самым в задачу явно вводится пространственная неоднороднооть, т.е. Dtj и Q: явно зависят от координат; при этом симметрия исходной задачи оказывается более низкой. В итоге динамические режимы неоднородной и однородной систем (I.4) (в том смысле, как это сказано выше) могут сильно отличаться.

Поскольку аналитическое решение уравнений вида [1.4] можетоють нолучено лишь в простейших случаях, то исследование большинства проблем в лазерной термохимии требует самого широкого привлечения современных численных методов [27,28]. На наш взгляд только соединение качеотвенного анализа и вичислительного эксперимента нозволит построить теорию термохимических процессов в распределенных системах в поле⁶ лазерного излучения.

Данная работа посвящена исследованию нагрева металлической иластины ограниченным пучком лазерного излучения. При ее нагреве в воздухе на поверхности будет образовываться окисная пленка, которая может испаряться (такая ситуация характерна, например, для вольфрама и молибдена).

Динамика соответствующей точечной системы обсуждалась в [2,29], где было показано, что в результате конкуренции роста и испарения окисла система может (в зависимости от мощности излучения и массы мишени) переходить либо в стационарное состояние, либо в автоколебательный режим горения.

2. Постановка задачи

В общем случае задача лазерного нагрева металлической мишени излучением описывается уравнением теплопроводности с граничными условиями на всех поверхностях. Однако, в частном случае термически тонкой пластини $h^2 \ll \alpha \tau$, h - толщина пластини, τ - характерное время изменения температуры, α - коэффициент температуропроводности краевая задача упроцается. Для круглой пластины радиуса R имеем

8

$$\frac{4}{\alpha} \frac{\partial T}{\partial t} = \frac{4}{2} \frac{\partial}{\partial z} \left(2 \frac{\partial T}{\partial z} \right) + \frac{4}{\kappa h} \left[\mathcal{A}I_{o} e^{-\frac{Z^{2}}{2e^{2}}} + \frac{\mathcal{P}\omega d_{o}}{X} e^{-\frac{Ta}{T_{-}}} - \mathcal{P}L v_{o} e^{-Tv/T} - I_{nor} (T) \right]$$

$$\frac{dX}{dt} = \frac{d_{o}}{X} e^{-Ta/T} - v_{o} e^{-Tv/T}, \quad T |_{t=0} = T_{\mu}, \quad X |_{t=0} = X_{\mu}$$

$$\frac{\partial T}{\partial z} |_{z=0} = 0, \qquad \frac{\partial T}{\partial z} |_{z=R} = 0.$$

Условие при 2 = R отвечает теплоизоляции. В уравнении для толщины X окисного слоя первое слагаемое описывает рост, а второе – испарение окисла (d_o , T_d и V_o , T_v – соответствующие константы), ρ – плотность окисла, ω – удельная теплота реакции окисления, L – теплота сублимации окисла, К – коэффициент теплопроводнооти мишени, а интенсивность теплопотерь дается формулой (I.3) (в дальнейшем для упрощения расчетов пренебрежем радиационными теплопотерями и примем $T_{\mu} = 0$, что не меняет качественных результатов). Распределение интенсивности излучения по поверхности мишени записано в гауссовском виде

$$I(z) = I_{o} \exp(-z^{2}/z_{o}^{2}),$$

где I_o и 2, - константы, характеризующие интенсивность и характерный радиус пучка. Считаем, что поглощательная споссоность мишени меняется незначительно A(T, X) = A.

В системе уравнений (2.1) удобно перейти к новым переменным

$$t_{4} = \frac{\alpha t}{z_{0}^{2}}, \qquad z_{4} = \frac{z}{z_{0}}, \qquad T_{4} = \frac{T}{T_{d}}$$

$$\mathfrak{E} = \frac{T_{v}}{T_{d}}, \qquad \mathcal{L} = \frac{\rho \omega d_{0} z_{0}^{2}}{\kappa h T_{d}}, \qquad \beta = \frac{\rho L v_{0} z_{0}^{2}}{\kappa h T_{d}}, \qquad \delta = \frac{\eta z_{0}^{2}}{\kappa h} \qquad (2.2)$$

$$T = \frac{v_{0} z_{0}^{2}}{\alpha}, \qquad d = \frac{d_{0} z_{0}^{2}}{\alpha}, \qquad I = \frac{A I_{0} z_{0}^{2}}{\kappa h T_{d}}.$$

Отбрасывая в дальнейшем индекс "I", перепишем (2.1) в виде $\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial 2} \left(2 \frac{\partial T}{\partial 2} \right) + I e^{-2^2} + \frac{\zeta}{X} e^{-1/T} - \beta e^{-2^2/T} - \delta T$ $\frac{dX}{dt} = \frac{d}{X} e^{-1/T} - \gamma e^{-2^2/T}$ (2.3) $\frac{\partial T}{\partial 2} \Big|_{2=0} = \frac{\partial T}{\partial 2} \Big|_{2=R} = 0, \quad T \Big|_{t=0} = 0, \quad X \Big|_{t=0} = 0.$ Как известно [II], для исследования поведения системы с диф-

фузией необходимо изучить соответствующую точечную систему, урав-

нения для которой в нашем олучае мы запишем (для 2 = 0) следую-WIM OODAROM:

$$\frac{dT}{dt} = I + \frac{\alpha}{X} e^{-i/T} - \beta e^{-\frac{2\epsilon}{T}} - \delta T \qquad (2.4)$$

$$\frac{dX}{dt} = \frac{d}{X} e^{-i/T} - \gamma e^{-\frac{2\epsilon}{T}}.$$

Стационарные состояния системы (2.4) определяются точками пересечения нуль-изоклин:

$$X = f(T) = \alpha \exp(-1/T) \cdot [\beta \exp(-\alpha/T) + \delta T - I]^{-1}$$

$$X = g(T) = \frac{d}{T} \exp(\frac{\alpha - 1}{T}).$$
(2.5)

Наибольший интерес представляет случай, когда нуль-изоклина X = f(T) имеет N -образный вид, а X = g(T) - возрастаю-щая функция (a < 1 иля $T_d > T_v$).



Pmc. 2.1>

На рис. 2.1 представлены типичные взаимные расположения изок-

на рис. 2.1 представлени 1.... лин f(T)и g(T) (линии I_I) ^{Отметим,} что кривая X = f(T) имеет N-образный вид, если $I < F'(T_m)$, $F'(T) = \beta(1-2e)e^{-2e/T} + \delta T'(1-T)$, (2.6) где T_m - точка максимума F(T).

При этом имеется область, где df/dT > 0; нетрудно проверить, что при малых Т (вблизи полоса f(T)), и при больших T функция f(T) убывает.

Как известно [30], пересечениям изоклин І, Ш на рис. 2.1 отвечает "ждущий", пересечению ІУ - триггерный режимы. Если Т-"бистрая" переменная (т.е. величины I, d, β, 8 - достаточно велики), то пересечению П нуль-изоклин на рис. 2.1 отвечает автоколебательный режим поведения системы (единственная точка пересечения неустойчива). При уменьшения же I, «, β, β (или, что то же, толнины пластикы h; см. (2.2)), точка пересечения

может стать устойчивой, что отвечает отсутствию автоколебаний. При неоднородном распределении излучения в системе могут быть представлены все четыре случая пересечения нуль-изоклин одновременно (в разных точках). Это обстоятельство и обусловливает специфику рассматриваемой задачи.

З. Формирование стационарных структур

Пусть в фазовой плоскости системы (2.4) есть только одна устойчивая точка-фокуо или узел с координатами X^{*}, T^{*}. Поведение решений (2.4) при малих X, T^{*} и на бесконечности таково, что при любых начальных данных должен происходить выход функций X и T^{*} на значения X^{*}. T^{*}.

Посмотрим, как будут идти процессы в системе, описываемой уравнениями (2.3).

I. <u>Начальная стадия процесса</u>. Типичная картина начальной стадии представлена на рисунках З.І а, 6, в. В системе есть два характерных времени. Первое T_{rr} – время формирования поля температур. Когда $t > T_{rr}$, поле температур практически не меняется (см. рис. 3.2). Толщина окисла волизи оси симметрии при этом растет по закону, близкому к параболическому (см. рис. 3.2). Обратим внимание на то, что полущирина распределения окисла при росте его толщины практически не меняется. Видим также, что существует характерный для данной сиотемы размер L_{rr} порядка радиуса пучка (см. рис. 3.1, г). такой что при $2 > L_{rr}$ толщина окисла остается почти такой же, как в начальный момент, а температура практически не отличается от той, которая была бы в отсутствие излучения.

2. Формарование диссипативной структурн. Второе характерное время в рассматриваемом случае – это время йормпрования слоя окисла τ_{χ} . Когда $t > \tau_{\chi}$, толщина слоя X в центре практически не меняется. Распределение параметров системы при этом близко к стационарному. Его типичный вид представлен на рисунке 3.3. Расчеты показывают, что с увеличением длины области и изменением начального профиля температуры это распределение (в пределах области L_{π}) не меняется.

Такой процесс в определенном смысле можно рассматривать как формирование диссипативной структуры [ЗІ], то есть структуры, возникновение упорядоченности в которой связано с действием диссипативных процессов в термодинамически открытой системе [ЗІ].

**

При этом диссипация обусловлена процессами теплопроводности, как и в случае других диссипативных структур - детали начальных данных оказываются "забитыми" системой.

Возникающая структура оказывается эффективно локализована. Поясним последнее. Описнвая процесси с характерными временами T_X , ми часто пользовалиоь словами "практически не меняется" в отношении пространственных распределений T и X. Это означало следущее. Пуоть в вычислительном или натурном эксперименте мы можем измерить температуру и толщину окисла с точностью ε . Если ми увеличивали длину образца $R > L_T$ и профили T и X менялись не более, чем на ε , мы и говорили, что распределения практически не меняются (в качестве ε в расчетах удобно взять значения 0,01 $\overline{X}(T_X)$, 0,01 $\overline{T}(T_X)$, где \overline{X} и \overline{T} - толщина окисла и темиература в отсутствие издучения). Эффективно локализовано не только влияние краевых условий, но и возникающих отруктур друг на друга. Если у нао есть два одинаковых луча, оси которых находятси на расстояния $2L_T$, то обе возникающие отруктуры не более чем на ε будут отличаться от случая, когда луч один.

Отметим, что аналогичные определения эффективной локализации вводились при исследовании диссинативных отруктур в двухкомпонентных средах с тригтерными свойствами, где были также получены оценки области эффективной локализации. Эти среды опионваются уравнениями вида (I.4).

Процессн оказываются эффективно докализованы и на начальной отадии процесса. Здесь, по-видимому, могут быть использованы методы и предотавления, развитие при исследовании модели тепловых структур (1.5).

З. <u>Особенности эффективной локализации</u>. Допустим, что толщина окисла постоянна и равна X₀. В отсутствие излучения температура образца будет равна T₀. Когда есть лазерное излучение, то T(2, t) — T₀, причем выход на фок происходит с высокой точностью уже на расотоянии L_T. Чтобы пснять причину этого, линеаризуем первое уравнение в окрестности решения T=T₀. Ми увидим, что его правая часть оказывается эквивалентной стоку (т.е. с увеличением координати -2 отклоиение ΔT от значения T₀ будет уменьшаться). Поскольку коэффициент при линейном чиске остается ненулёвни, ΔT убивает с ростом 2 по закону.

Слизному к зненоненинальному. Следовательно, и в случае окнола постоянной толинии должна иметь место зфрективная локализация поля температур (та же ситуация имела место в [18,19]). Приближение окисла постоянной толщины хорошо работает на начальной стадии при $t < \tau_{T}$ и на временах $\sim \tau_{X}$ при $t > L_{T}$ (см. рис. 3.1,3.3)

Пусть теперь нам дано постоянное поле температур, зависящее от координаты z, $T(z) - T_g$. Выясним, как при этом будет меняться толщина окисла. Согласно второму уравнению в (2.3), скорости окисления и испарения в интересующем нас диапазоне параметров могут на много порядков возрастать при увеличении температуры в несколько раз. В результате за время $t \sim \tau_x$ в пределах области L_x , где температура достаточно сильно отличается от T_o , функция X(z,t) быстро растет, выходя на стационарное значение. В остальной части пространства она меняется медленно.

Это приводит к следующему. Если отключить лазерное излучение в момент t_4 , то в течение длительного времени $T = \kappa \tau_x$, $\kappa \gg 1$ профиль функции X будет близок к тому, который был сформирован к моменту t_4 . То есть, изучаемая среда обладает "памятью": мы можем записать на ее поверхности некоторую информацию и "хранить" ее в течение времени $\kappa \tau_x$. В пределе же при $t - \infty$ распределение X(2, t) станет, естественно, стационарным и пространственно-однородным.

4. Случай триггерных свойств динамической системы. Пусть у динамической системы (2.4) есть две устойчивых особых точкы (фокусы или узлы) { X^*, T^* }, { X^{**}, T^{**} }. Тогда из теории индекса [7] следует, что при этом есть по крайней мере еще одна простая особая точка, которая является седлом. Вид изоклин, соответствующих этому случаю, показан на рис. 3.4 (кривые q_4 , f_4). При этом с одного клаоса начальных данных происходит выход на одно устойчивое состояние равновесия, с другого класса – на другое. Тс есть, система обладает триггерными свойствами. Посмотрим, как ведут себя решения задачи (2.3) в этом случае.

На рис. 3.5 представлено распределение, на которое происходит выход в этом случае. Здесь в окрестнооти осж слиметрии значения температуры и толщины окисла близки к X^{*}, T^{*} (здеоь X^{*} X^{**}, T^{*}<T^{**}) и оуществует характерное раостояние L_T,

X**, T*<T**) и оуществует характерное раостояние L_{гг}, на котором действие лазерного луча эффективно локализовано. В отличие от предыдущих расчетов, начальные данные здесь таковы, что функция X(2, t) немонотонна по пространству.

Пусть теперь начальное распределение однородно по пространству и близко к значениям X**, T ** . Естественно било би охидать,

что произойдет выход на стационарное решение, в котором

 $T(0,t) \cong T^{**}, X(0,t) = X^{**}$

В проведенных расчетах при значениях параметров, указанных на рисунке 3.5, наблюдается совершенно другая картина. Распределение температуры оказывалось таким же, как в предыдущем случае. Можно указать характерный размер L_x , $L_x < L_r$, в пределах которого близки и профили окисла. На больших расстояниях от лазерного луча $z \gg 4$ $X \to X^{**}$.

Таким образом, когда динамическая система обладает триггерными овойствами, ее свойства оказываются близки к случаю, когда в фазовой плоскости еоть единственная устойчивая особая точка: действие лазерного излучения оказывается эффективно локализовано в пределах области радиуса L_{m} . Лазерный луч в зависимости от начальной толщини слоя окиола может приводить как к увеличению, так и к уменьшению толщины последнего.

5. Об автоволновых процессах в системе. Рассмотрим случай, когда в фазовой плоскости системы (2.4) есть одна особая точка – неустойчивый узел или фокус и когда асимптотику решений определяет устойчивый предельный цикл. Исследуем поведение системы (2.3) для этого случая.

Начнем со случая термически малого объема, для иоследования которого достаточно рассмотреть поведение динамической системы (2.4). Параметры динамической системы приведены на рис. 3.6. Здесь в первом уравнении мы пренебрегаем членами, которые связани с поглощением теплоты при испарении окисла. Вид изоклин показан на рис. 3.4 (кривне f, , q,). Для решений этой динамической системы характерно следущее поведение: существует большой учаоток (0 < t < 20), см. рис. 3.5), где температура практически постоянна, и быстрый, где она возрастает более чем в 5 раз (20 <t < 30). Можно сказать, что имеем здесь дело с релаксационными колебаниями. Обратим внимание на то, что коэффициенты первого уравнения примерно в M = IO раз больше, чем второго. Множитель М определяется толщиной образца. С ее уменьшением этот множитель возрастает и колебания становятся все ближе к разрывным, свойства которых подробно обсуждались в ряде работ [7.8. 29]. С уменьнением М колебания приближаются к гармоническим. При малых М точка я становится устойчивой.

Рассмотрим теперь пример численного решения задачи в частных производных (2.3) (см. рис. 3.7). За времена, меньше t, , рас-

пределение температуры становится немонотонным. От центра распространяется тепловая волна ($t < t_{q}$), при этом температура в центральной области падает. Фронт распределения окисла все это время близок к фронту тепловой волны. Когда тепловая волна доходит до границы, ее амплитуда нарастает, толщина окисла во всей области становится постоянной ($t = t_{6}$), далее температура уменьшается.

Длительное время профили, сформировавшиеся к моменту t₇, практически не меняются ($t_8 - t_7 \gg t_7$).

Затем в центральной области окисел начинает испаряться. Температура возрастает и далее меняется слабо. От центра при этом начинает цвигаться волна, за фронтом которой толщина окисла уменьшается более чем в 10 раз (см. рис. 3.7). Характерние времена этого процесса по крайней мере на два порядка превышают время прохождения тепловой волны в начале процесса. Одновременно с движением рассматриваемой волны окисла его толщина в центре начинает медленно возрастать.

Таким образом, в переходном режиме по всему образцу распространяется тепловая волна. Далее, по истечении переходного режима, устанавливаются локализованные автоколебания: в пределах области порядка радиуса пучка температура вещества и толщина окисла меняются периодически со временем, тогда как вне этой области Т и Х практически постоянны.

4. Заключение

Как показали проведенные расчеты, динамика лазерного нагрева воспламеняющегося металла может быть весьма сложной: в завиоимости от параметров мишени и излучения в системе либо формируются стационарные структуры с немонотонными распределениями параметров

(например, толщины окисла), либо устанавливаются нестационарные автоволновые процессы со сложными переходными режимами. Существенно, что все эти режимы реализуются при простейших внешних воздействиях - в поле непрерывного лазарного излучения.

Что касается экспериментального наблидения обнаруженных особенностей лазерного нагрева, то для случая точечных систем (эффекты теплопроводности несущественны) все основние динамические режимы системы (2.4) рис. 2.1 – хдущий, триггерный, автоколебательный – были найдены при нагреве вольфрамовых мишеней излучением непрерывного CO₂-лазера в [2, 29]. Экспериментальное исоледование распределенных систем представляет большие трудности. Однако, исследования показали, при лазерном нагреве тонких, но широких пластинок из вольфрама и молибдена могут устанавливаться локализованные колебания температуры, подобные найденным численно в настоящей работе.

В заключение следует подчеркнуть, что здесь мы привели лишь один важный пример автоволновых процессов в лазерной термохимии, исследование которых имеет большое научное и практическое значение.









- . Ф.В. Бункин, Н.А. Кириченко, Б.С. Лукьянчук. УФН, 138, 45, 1982
- 2. Ф.В. Бункин. Н.А. Кириченко, В.С. Лукьянчук, Изв. АН СССР, Сер. физическая, 46, 1150, 1982.
- З. Ф.В. Бункин, Н.А. Кириченко, В.С. Лукьянчук, А.Н. Сапецкий. Поверхность. № 6. 98. 1982.
- 4. Ф.В. Бункин, Н.А. Кириченко, И.В. Краснов, Б.С. Лукьянчук, Н.Я. Шапарев, И.М. Шкедов. ДАН СССР, 256, 848, 1981; 268, 598, 1982.
- 5. Н.В. Карлов, Б.К. Карлова, Н.А. Кириченко, Б.С. Лукьянчук, О.В. Неклинова. И.Я. Равич. А.Н. Сапенкий, Т.Н. Торонцева. Квантовая электроника, 9. 2049, 1982.
- 6. Ф.В. Бункин. Н.А. Кириченко. Б.С. Лукьянчук. Квантовая электроника, 7, 2658, 1980.
- 7. А.А. Андронов, А.А. Витт, С.Э. Хайкин. Теория колебаний, Науra. M. 1981.
- 8. Н.В. Бутенин, Ю.И. Неймарк, Н.А. Фуфаев. Введение в теорию нелинейных колебаний. Наука. М. 1976.
- 9. Ф.В. Бункин, Н.А. Кириченко, Б.С. Лукьянчук. Тез.докл. Ш Всесовзн. симпозиума по лазерной химии, с. 41, Звенигород, 1982.
- 10. Н.А. Кириченко. Препринт ФИАН СССР, 5 196, М., 1982.
- II. Сб.: "Автоволновые процессы в системах с циффузией". ИПФ АН СССР. Горький, 1981.
- 12. С.П. Курдимов. В сб.: "Современные проблемы математической физики и вычислительной математики", Наука, М., 1982.
- 13. Г. Николис, И. Пригожин. Самоорганизация в неравновесных системах. Мир. М., 1979.
- 14. Г. Хакен. Синергетика. Мир. М., 1980,
- 15. С.П. Курдрмов, Г.Г. Малинецкий. Синергетика теория самоорганизации. Идеи, достижения, перспективн. Знание, М., 1983.
- 16. А.А. Самарский, Н.В. Змитренко, С.П. Нурдимов, А.П. Михайлов, ДАН СССР. т. 227. с. 321. 1976.
- 17. А.А. Самарский, Г.Г. Еленин, Н.В., Змитренко, С.П. Курдимов, А.П. Михайлов. ДАН СССР. т. 237, с. 1330, 1977.
- 18. Л.К. Мартинсон, К.Б. Павлов. Жен и М. т. 12. с. 1048, 1972.
- 19. А.С. Калашников. ЖВМ и МФ. т. 14. с. 891. 1974.
- 20. С.П. Курдимов, Г.Г. Малиненкий, Ю.А. Повеженко, Ю.П. Попов. А.А. Самарский. ДАН СССР. т. 251. с. 836, 1980.

- 21. С.П. Курдомов, Е.С. Куркана, А.Б. Потапов. Препринт ИПМ им. М.В. Келдыша АН СССР, 1982, № 75.
- 22. С.П.Курдомов, Е.С. Куркина, Г.Г. Малинецкий, А.А. Самарский. ДАН СССР, т. 251, с. 587, 1980.
- 23. С.П. Курдомов, Е.С.Куркина, Г.Г.Малинецкий, А.А.Самарский. ДАН СССР, т. 258, с. 1084, 1981.
- 24. С.П. Курдомов, Г.Г. Малинецкий, D.A. Повещенко, D.П. Попов, А.А. Самарский. Диф. уравнения, т. 17, с. 1875, 1981.
- 25. В.А. Галактиснов, С.П. Курдомов, А.П. Михайлов, А.А. Самарский. Диф. уравнения, т. 17, с. 1826, 1981.
- 26. В.А.Галактиснов, А.А. Самарский. Математический сборник, т. II8 I60, с. 291-322, 435-455, I982г.; т. I20 I62, с. 3-21, I983г.
- 27. А.А. Самарский. Введение в теорию разностных схем. Наука, М., 1971.
- 28. А.А.Самарский, Е.С.Николаев. Методы решения сеточных уравнений. Наука, М., 1978.
- 29. В.А. Бобырев, Ф.В. Бункин, Н.А. Кириченко, Б.С. Лукьянчук, А.В. Симакин. Тез. докл. XI Всесоюзн. конфер. по когерентной и нелинейной оптике. Ереван, 1982, с. 690.
- 30. В.А. Васильев, D.M. Романовский, В.Г. Яхно. УФН, т. 128, с. 625, 1979.
- В. Эбелинг. Образование структур при необратимых процессах. Мир, М., 1979.
- 32. Г.Г. Малинецкий. Препринт ИПМ им. М.В. Келцыша АН СССР, 1981, № 78.